



Deoarece  $ABCB_1$  și  $ACBC_1$  sunt paralelograme, rezultă că  $A$  este mijlocul segmentului  $B_1C_1$ . Analog,  $B$ , respectiv  $C$  sunt mijloacele laturilor  $C_1A_1$ , respectiv  $A_1B_1$ .

Înălțimile triunghiului  $ABC$  (în figură:  $AA'$  și  $BB'$ ) sunt concurente în ortocentrul triunghiului  $ABC$  (punctul  $H$ ). În același timp, înălțimile triunghiului  $ABC$  sunt și mediatoarele laturilor triunghiului  $A_1B_1C_1$  (punctul  $O_1$ ).

Conform *Teoremei lui Sylvester*, avem:

$$\boxed{\vec{O_1H_1} \left( = \vec{HH_1} \right) = \vec{O_1A_1} + \vec{O_1B_1} + \vec{O_1C_1} \quad (1)}$$

Dar, în triunghiurile  $O_1B_1C_1$ ,  $O_1C_1A_1$ , respectiv  $O_1A_1B_1$  avem că  $O_1A$ ,  $O_1B$ , respectiv  $O_1C$  sunt mediane, și conform unui rezultate clasic, avem:

$$\left. \begin{array}{l} \vec{O_1B_1} + \vec{O_1C_1} = 2\vec{O_1A} = 2\vec{HA} \\ \vec{O_1A_1} + \vec{O_1C_1} = 2\vec{O_1B} = 2\vec{HB} \\ \vec{O_1A_1} + \vec{O_1B_1} = 2\vec{O_1C} = 2\vec{HC} \end{array} \right\} \Rightarrow \vec{O_1A_1} + \vec{O_1B_1} + \vec{O_1C_1} = \vec{HA} + \vec{HB} + \vec{HC} \quad (2)$$

Din relațiile (1) și (2) rezultă că  $\vec{HH_1} = \vec{HA} + \vec{HB} + \vec{HC}$